

授業者 松田尚之（浜小学校）

単元の
主張

小数倍のかけ算を考えるとき、なんとなく立式し、なんとなく計算の方法を考え、答えを出すということが往々にして起こり得る。本来であれば、小数をかけることの意味をしっかりと考え、小数倍をしても良いと説明できるようになることが理想的である。その際、問題となるのが、これまでの乗法の学習では、同数累加の考えを用いてきたことである。同数累加の考えでは、小数倍を説明することができない。そのため、乗法の意味を同数累加の考えから発展させ、割合として見ることができるようにしなければならない。本単元では、小数倍の意味を同数累加の考えと割合の考えを比較することでより深い理解へ導こうというものである。

1. 単元デザイン

① ② ③	④ ⑤	⑥ ⑦	⑧ ⑨
整数×小数の立式・計算の仕方 小数倍の意味（本時）	小数の倍	小数×小数の計算	小数を用いて既習をとらえ直す
・小数倍の意味について、これまでの「いくつ分」の考えが適用できないことに気付く。数直線を用いて、「○を1とみたとき□にあたる大きさ」という見方と「いくつ分」の考え方を比較し、乗法の意味を拡張する。	・倍を表す数が純小数になる場合があること、そのときの比較量は基準量よりも小さくなることを数直線で考え、理解する。 ・倍を表す数が小数のときも、基準量と倍から比較量が求められることを、わり進む計算や数直線で考え、理解する。	・整数の性質に帰着し、計算や筆算の仕方を考える。 ・1を基準とした乗数の大小に着目し、被乗数と積の大小関係を数直線にとらえる。	・辺の長さが小数の長方形や直方体の面積や体積の求め方を図で考え、整数と同様に公式が適用できることを理解する。 ・交換・結合・分配法則が小数でも適用できることを理解する。

2. 単元で育成する資質・能力

<p>①生きて働く「知識・技能」 (ア) 乗数や除数が小数である場合の小数の乗法及び除法の意味について理解すること。 (ウ) 小数の乗法及び除法についても整数の場合と同じ関係や法則が成り立つことを理解すること。</p>	<p>②未知の状況にも対応できる「思考力・判断力」 (ア) 乗法及び除法の意味に着目し、乗数や除数が小数である場合まで数の範囲を広げて乗法及び除法の意味を捉え直すとともに、それらの計算の仕方を考えたり、それらを日常生活に生かしたりすること。</p>	<p>③学びを人生や社会に生かそうとする「学びに向かう力、人間性等」 ・新しい場面に直面したとき、既習の知識を活用して問題を解決し、その解決方法に修正を加えて新たな概念を創り出したり、形式を整え対処したりする力。</p>
<p>整数×小数の計算を考えるとき、これまでの同数累加の考えでは説明できない。そのため、「○を1とみると、□にあたる」という割合の考えへと発展させていかなければならない。そのような考え方は小数倍独自のものではなく、これまで行ってきたような整数倍のかけ算も説明することが可能である。また、6年生で学習する分数のかけ算を説明する際にも用いられるため、分数のかけ算の素地となってくる面も持ち合わせている。</p>	<p>小数倍の計算では、何故同数累加の考えが使えないのかについて、理解する必要がある。同数累加の考えにおいて、「いくつ分」の「1つ分」は切り分けることのできないものであり、小数倍を説明することができないと捉えられるようにしたい。その理解がなければ、新たな考えが必要だというモチベーションが生まれにくいからである。 また、「○を1とみる」という考えがどのようなものを数直線上で表し、同数累加の考えと対比することで、自分なりに「○を1とみる」ことについて捉えられるようにしたい。</p>	<p>同数累加の考えが使えない場面で、新たに「○を1とみる」という割合の考えで解決を図った。1度の検証で安易に受け入れることなく、他の場合についても同様に用いることができるのかという批判的な態度をもって学習に臨んでほしい。</p>

3. 単元に関わる内容と見方・考え方の系統

A 数と計算領域						
学年	1年 ・たし算 ・ひき算	2年 ・かけ算	3年 ・わり算	4年 ・小数のかけ算とわり算	5年 ・小数のかけ算 ・小数のわり算	6年 ・分数のかけ算 ・分数のわり算
数量の関係に着目	・加法及び減法の意味	・乗法の意味	・除法の意味	・小数を用いた倍の意味	・乗法及び除法の意味の拡張（小数）	・乗法及び除法の適用範囲の拡張（分数）
考え方	計算の意味と方法について考察					

4. 本時について

本時目標 乗数が小数の計算の意味を考える際、同数累加の考えからBを1とみたときPに当たる大きさを求める計算と意味を捉えなおす。

○本時の主旨
もともとなる数を変えてみることで、小数倍になるパターンについて考える。「基準とする数を1とみると、いくつにあたるか」という考えが小数に用いられることを押さえた後、再度小数倍のかけ算に戻ることによって小数倍のかけ算の意味理解を深める。

1 80×2.3 という式の意味を問う。
○いくつ分の考えが可能か検討する
これまでの乗法では、基本的に同数累加の考えを用いてきた。そのため、半数以上の児童が「2.3個分」の考えで捉えていた。ここでは、いくつ分という考えは2年生でかけ算を学習した際に学んだことであると確認する。また、2.3個分は2.3倍ともいえることを確認する。

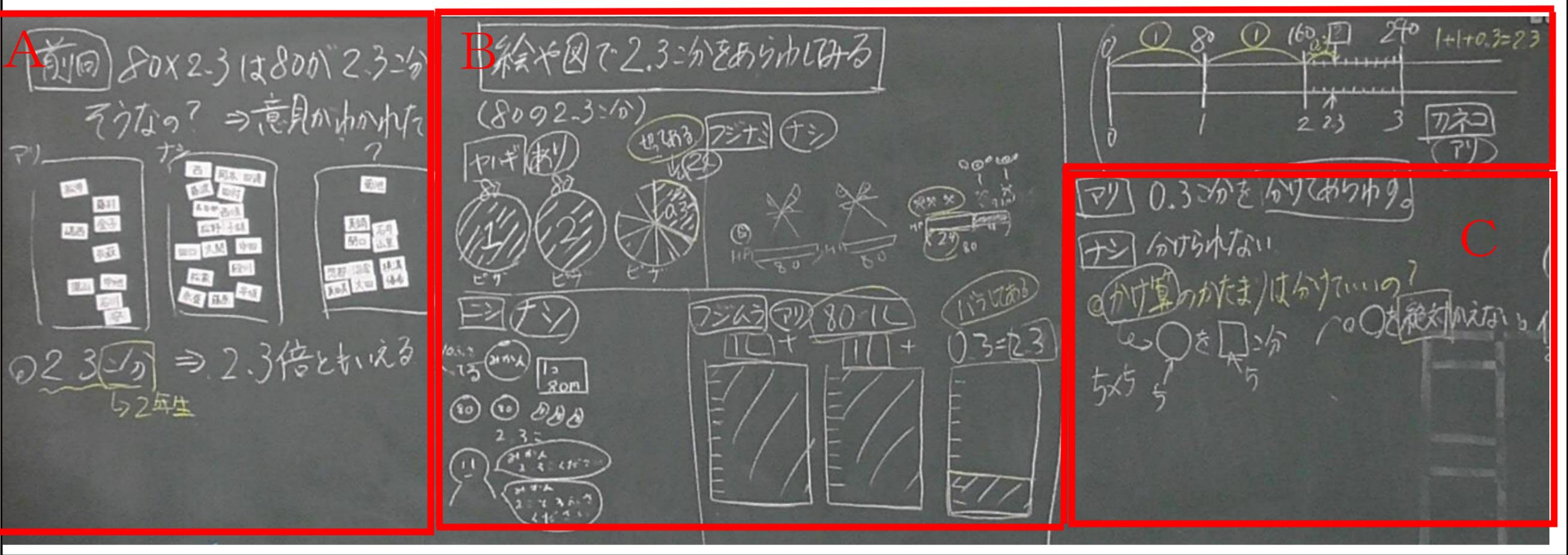
2 絵や図で80の2.3個分を表してみる。
○2.3個分というのはどのような状態か考える。
それぞれ自由な形で80の2.3個分を表してみる。そうすると、2個分まではまとまりで表せるが、残りの0.3個分の部分がまとまりを分けて考える必要がある。このような状態は、これまでのかけ算のまとまりと照らし合わせたとき、正しいのか検討したい。

3 かけ算のまとまりは、分けても良いのか考える。
○かけ算のまとまりから考える。
それぞれの考えが、かたまりを分けて表現するか、分けることができないと考えるかの二つにまとまった。まとまりの数を絶対に変えないというまとまりから考えれば、2.3個分という表すことは正しくないということに気づかせたい。

本時における 知識・技能 : 1とみると、いくつにあたるという考え方を知る。
思考・判断・表現 : いくつ分の考えが小数倍の式に用いることができないことを図を使って説明できる。
学びに向かう力 : 1とみると、いくつにあたるという考え方がほかの小数倍にも適用可能か考えようとする。

見方：着眼点 乗法の意味への着目

考え方：思考・認知、表現方法 ○乗法の意味の拡張（同数累加の考えから割合の考えへ）
○数直線を用いた表現



見方・考え方の成長 これまでは同数累加の考えであったことに気づき、小数倍を表すことができる割合のみ方でも乗法を見られるようになる。

第1時 板書

問題 1m 80円のリボンがあります。そのリボンを□m 買うと代金はいくらでしょう。

① □が3のとき
 (式) $80 \times 3 = 240$ (答え) 240円 (比例)

② □が2のとき...
 (式) $80 \times 2 = 160$ (答え) 160円

③ □が2.3のとき
 (式) $80 \times 2.3 =$

比例じゃない? @ $\times 2$ になっている

比例、ほい

感想

第2時 板書

1mが80円のリボン 2.3mの代金はいくらでしょう。

① $160 + (8 \times 3) = 184$

② $8 \times 23 = 184$
 上の数直線で0から□までは23めもり。8が23つ。

③ $240 - (8 \times 7) = 184$
 3から0.7もどる $\Rightarrow 2.3$
 7めもりもどる $\Rightarrow 8 \times 7 = 56$ を引く。

④ $80 \times 23 = 1840$
 $1840 \div 10 = 184$

10倍した数直線

⑤ 1めもりいくつを求めると計算できた。
 ※注意 = どの式でも計算できたけれど
 問題通りの式は 80×2.3 だけ

前回 比例の関係から 80×2.3 の式を立てた。

⑥ 計算のし方を考えよう。
 \rightarrow 数直線を使って説明もしてみよう。

5. 授業記録

教師の発問	児童の反応
A ①80×2.3の意味を問う。	
T1 そうなんだよね。良いところで終わってたんだけど。昨日貼ってくれたように並べます。	C1 昨日ありなしのところで終わった。
T2 前回ね、80×2.3は80が2.3個分だって言ったら、そうだねって言った人とそうなの？って人がいて意見が分かれたよと。で、これは第一印象だから、意見が変わったら変えていって結構です。ちなみに、2.3個分ってのはほかの言い方すると？例えば、かける2なら・・・	C2 手伝います。
T3 あ、そうだね。じゃ、これは？	C3 2倍。
T4 ともいえるってことね。ちなみに、このいくつ分ってのはいつ習ったんですかね。	C4 2.3倍。
T5 2年、初めてかけ算習ったときに知った。このいくつ分ってやつは。そういうルールでいってくれーみたいだね。で、今日のやること。みんな好きな方法でいいです。絵や図で・・・	C5 2年？
B ②絵や図で80の2.3個分を表してみる。	
T7 あ、なしの人は、なしならなしでどんな風に表すか。あ、詳しくいうと80の2.3個分ね。	C6 先生、なし派の人は？
T8 なんの絵でもいいです。自分の中ではこんなイメージでって。こんな風にしなさいってのはないんで。	C7 なんでもいいの？なんの絵でもいいの？
T9 元の問題は、リボンとお金だけどそのことは忘れていいよ。	
T10 うーん、なるほど。	C8 ここまでは、2つ分で・・・ここからは、10等分して・・・
T11 これ、2.3だね。80の2.3個分でしょ？	C9 ピザでかいてみた。
T12 答えの出し方じゃないからね。答えはもう出したよ。2.3個分ってどういう意味？って事だよ。	

T13 うーん、80が出てきてないね。	C10 先生！ (位取り板がかいてある)
T14 書いても良いけど、絵や図も欲しいね。	C11 先生、式は？
T15 じゃ、あり派から聞いてみましょうかね。じゃあ、どうぞ。	C12 ピザで。
T16 あ、このピザ1枚が80ってことか。	C13 ピザ1枚80円で、今だけ特別ピザが切っあって。0.3個分もらえるってなってる。2枚と0.3枚って感じです。
T17 こうやって表せるからありなんじゃないかってことか。なるほど、じゃあ、次の人。	C14 えっと、まず80を1L、80って数字を1Lで表して、1Lを一つのまとめとして。2.3個分というのはまず1Lが2個、0.1Lが3個。これを80にすると80を2個分、後80×0.3を表したことなので、2.3個分でありだと思いません。
T18 なるほど、この2人ありだと。この部分(0.3の部分指して)、ちょっと似てるんだね。形ちょっと違うけど。1個、1個ときて、バラしてあるんだ。じゃあ、もう一人あり派の人。	C15 (数直線をかいて)まず、2.3個分のところを□にします。そして、80までで1、また80で1、2から2.3まで0.3だから足して2.3倍。
T19 1と1と0.3で2.3。	C16 それが、2.3倍。2.3個分。
T20 じゃあ、今度はなし派ね。どうぞ。	C17 僕はゲームみたいに考えて、まずでっかい奴がHPが80で2匹いる。そして、ちっちゃい奴のHPが一匹8と考えると、全部で10体いるうちの7体が死んだから56削られて、残り24って感じになった。
T21 じゃあ、これはいくつ分じゃない？	C18 HPで考えると1匹やられかけてる。
T22 これいくつ分じゃないじゃないかと。なるほど。じゃあ、この人が話してるやつ、詳しく説明して。	C19 果物屋さんでミカンが1個80円で売ってるとします。このミカンを2.3個、つまり、2個と

<p>T23 確かにこんな風に注文しないかもね。</p> <p>T24 なるほど。じゃあ、お互い意見を聞いてみて、質問とかありますか？これってどういうことなんですか？とか。特にないですか？意見を変えて人にもいませんか？</p>	<p>10房入ってるとして、そのうちの3つ、3房買います。で、注文するときに、「みかんを2.3個ください。」って言うか、「みかんを2個と3房ください。」と言うかと考えると、「2個と3房ください。」という人が多いと思うので、なしだと思えます。</p> <p>C20 いいと思います。</p> <p>C21 10房とか考えない。切ってるし。</p>	<p>T32 言葉が足りなかったな。かけ算の時、かたまりはわけていいの？だね。</p> <p>T33 ちょっと聞きたいんですけどね。かけ算って2個分だったら80が1個、80が2個みたいにみんな言ってたでしょ？じゃ、例えばこの人の図、80が1個、80が2個、80が・・・24じゃない？これ。</p> <p>T34 じゃ、こっち。ピザ1枚、1枚、かけら。これいいの？</p>	<p>C31 いや、10等分とかさ。</p> <p>C32 1つが8進むってことは、そうじゃないとわかんないでしょ。</p> <p>C33 えー、いい？</p> <p>C34 いいんじゃないの？ (ざわざわと色々な意見が飛び交う)</p>
<p>C ③かけ算のまとまりは、分けても良いのか考える。</p>			
<p>T25 じゃ、ちょっとまとめてみましょう。あり派の人の考えに共通してることってなんだろう。</p> <p>T26 0.3個分をどうしてる？</p> <p>T27 分けて表してる。しかも、10等分してる。じゃあ、なし派は？この2つはこう（分けて表すこと）してる？</p> <p>T28 あり派は分けて表してる。なし派は分けられないと思ってる。こんな感じかな？じゃあ、問題の意味少し変わったね。かたまりはわけていいの？だね。</p> <p>T29 ちょっと聞いてみよう。分けられるという人？いや、かたまりを勝手に分けるのはいけないという人？半々くらいですね。</p> <p>T30 じゃあ、分けられないと思う人はなぜそう思うの？</p> <p>T31 あ、現実ではそうだよ。わかることもあるよ。算数の世界ではどうなのかな？</p>	<p>C22 0.3個分。</p> <p>C23 分けて。</p> <p>C24 等分してる。80を10個にわけて。</p> <p>C25 分けられないと思ってる。</p> <p>C26 まとめてる感じ。</p> <p>C27 (かたまりは) 分けられるのか。</p> <p>C28 先生、かたまりを分けないといけないものありますよ？</p> <p>C29 水とか。みんなでわかる時とか。</p> <p>C30 いや、普段わかるでしょ。</p>	<p>T35 なんか訳わかんなくなってきた？もう一回聞くんよ？かけ算ってどんな決まりだったの？</p> <p>T36 何を何個分ってことなのね。じゃあ、例えば5の段なら。5×5なら？この時、絶対壊しちゃいけないルールって？2年生の時習ったんだよね？</p> <p>T37 何をを絶対変えないってルールあったよね。</p> <p>T38 あ、9の段なら絶対いつも9。9・9・9と。これは絶対変えるなって言われてきた。じゃあ、これはどうなの。80・80・24。</p> <p>T39 いいの？絶対変えないってさっき言ってなかった？</p> <p>T40 □を変えたら、結局かたまりの大きさ変わっちゃってるよ？</p> <p>T41 でも、絶対変えないって言ってたのにねえ。</p> <p>T42 よし、じゃあ、意見変えるなら変えて、今日はおしまいにしましょう。感想に書いといてください。変えても良いのかをね。</p>	<p>C35 かけ算はなにを何個分。</p> <p>C36 何をを絶対変えない。</p> <p>C37 9の段なら、いつも9。</p> <p>C38 小数の時はいいんだよ。</p> <p>C39 いいんだよ。10等分して。表す。□しか変えてないし。(○×□の意)</p> <p>C40 変わってないよ。</p> <p>C41 いや、変わってるよ。</p> <p>C42 80かける1とかじゃなくて、80かける0.1がだーって。</p> <p>C43 絶対じゃないんだよ。</p>

意見を交換することの良さ

よくわかりました。ただ数字とか言葉で説明する
のではなく、例を出して説明してくれたのでわか
りやすかったです。数人の意見をくろべる時間を作
ってくれて、考えがいがありました。

みんなの考えや意見を聞くことが
できたので分かりました。

自分で工夫して、計算のし方ど
うすればいいかを考えたり、式の
意味をどうしたら自分が分かるか
を工夫して分かりました。



私は0.1に^分を使わない事で、松田先生のじょうきをバキッ^と
わるのが分かりやすかったです。みんなの考えだけでは分からなくて
松田^{先生}おもしろく先生が教えてくれてとてもうれしかったです。先生の
じょうきバキッは、笑いをとりいれて、じょうきでかっていたので
分かりやすくてスッキリしました。

先生のせつめいをノートに書いたので、わかる
ようになりました。

計算の仕方と式の意味の違い

わかりました。でもじき、けいせんはとく
いなめですか、かんかえの戸かゴチャゴチャになめ
でわからなくなってしまう。
なのでもうすこしかんばりたいていでお

わかりにくいけどなんとかできました。「いを7と見た時」
よりも、始めのほうの $7 \times 28 = 196$ とか $(70 \times 28) \div 10$
などの単純な計算のほうの方が分かりやすく、ノートに書
きやすかったです。でも「いを7にする」の説明を見ると
分かります...

計算のしかたが分かって式の意味はぶんがりが、
計算のし方と式の意味をわけてきこいおわかった
けど、計算のし方をやると式の意味にあたまをきりか
えるのがむずかしかった。けど、やこで、4年生の問題
を思い出したときに、たんだん意味が分かって
きた。けど、式の意味をさきに、べんきょうした後
計算のし方を考えたほうが、もっと早く分かったと
思う。

7. 分析・考察

A. 80×2.3 が 80 の 2.3 個分なのかと問う

2.3 倍の意味について説明できる大人がどれだけいるだろうか。まして、2.3 倍ではいくつ分の考え方が使えない、などと考えたことはこれまでになかった。今回の提案で自分自身勉強し、割合の考えに広げていく必要性は理解できた。しかし、児童にとってはこれまでの常識が破壊されるような大転換に感じることであろう。事実、「2.3 個分と表して良いのか」という問い自体が、児童からしてみれば不可解なものであったように感じられた。もっと自然な形で、いくつ分の考えでは小数倍が表せないのではないかと問いを持てるような場面を作ることができれば、もう少しすんなりと課題に入っていけたのではないかと思われる。

B. 80 の 2.3 個分を絵や図で表してみる

児童は、様々な表現の仕方でも 80 の 2.3 個分を表そうとした。その中で最も多かったものが、食べ物などを 10 等分して 0.3 個分の部分を表現しようというものである。特にピザのように切り分けて食べるイメージのあるものは、0.3 個分を切り分けて表して良いという根拠になりやすいものようである。みかんを例にしても、1 個の中身が 10 房あるというように常に 10 分の 1 が意識されている。

授業者の狙いとしては、このように切り分けた状態が元の 1 個分を壊していると認識して欲しいというものであった。しかし、現実の場面では切り分けることに何ら不自然なところはなく、むしろ逆に切り分けても構わないという根拠にすらなってしまう。また、数直線で表している児童からもわかるように、計算の仕方を考えた際に、10 分の 1 を考えることで答えを出したという経験も分けて良いという考えにつながっていたように思われる。他の言い方をすれば、まとまりに対する意識の低さがうかがえたともいえるだろう。「いくつ分」という考えが、「まとまりがいくつ分」というきまりに従っているということをもっとおさえておけば、このような展開にはならなかったのではないだろうか。

C. かけ算のまとまりは分けても良いのか考える

児童の反応から、 80×2.3 は 80 の 2.3 個分と表しても良いのかという問いが、まとまりを分けて表しても良いのかという問いに変わった。ここで、分けてはいけないという考えを支えるため、再度かけ算のきまりを振り返った。○の□個分という時、○の数は絶対に変えてはいけないというきまりがあったと確認し、分けてはいけないと流れていくと予想したが、結果はそうでなかった。勿論、分けてはいけないと考えを変えた児童も少なからずいたが、半数はまだ分けても良いという立場をとったのだ。なぜだろうか。児童の発言から考えるに、恐らく次のように考えていたと思われる。10 等分する際に、何の根拠もなく分けたのではなく、まとまりの 80 という数を参照して 0.3 個分を考えているのだというものだ。確かに式の上では、 80×2.3 はまとまりを維持しているように見える。授業者の立場からすれば、絵や図にかいてみるとまとまりが維持されていないのは明白であるように思えたため、予想外の反応であったといえるだろう。

児童の振り返りから

① 計算の仕方と式の意味の違い

児童は新しい問題が出てきたとき、まず真っ先に答えを知りたがる。そのため、計算の仕方については、ある程度以上の意欲が生まれることが多い。答えを知るために計算の仕方がわかる必要があるからだ。しかし、式の意味についてはどうかというと、あまり深く考えていない場合が多い。特に、一度答えが出た問題について改めてその意味を検討するというのは、必要感が持ちにくいようである。

今回の場合は、計算の仕方で用いた 10 等分の考えが、式の意味を考える際にはふさわしくないという部分が最大の問題点であった。答えを出すのに使った考えが、いくつ分という考えとは噛み合わないというのは、非常にややこしい問題である。振り返りの中に、式の意味と計算の仕方を勉強する順番が逆だったらもう少しわかったのではないかという指摘があった。非常に鋭い指摘であるように思う。仮に順番を

逆にしていたら、いくつ分が使えない→1 とみるの考え方をを用いるという流れから、数直線で考えるというようにスムーズに流れていた可能性もある。

② 「いくつ分」と「1 とみる」の混同

授業は最終的に「いくつ分」では、表せないで「1 とみる」という考えで表していくというように進んだ。しかし、振り返りを見るに、混同してしまっている児童も少なからずいる。この点は、非常に反省すべきところであった。大きな原因の一つは、目盛りについて着目するのが遅すぎたということである。いくつ分では、まとまりの数をわけることができない。つまり、整数倍しか表すことができないということだ。一方、1 とみることの大きな利点は、1 と決めた基準量に目盛りをつけて整数以外の半端な数に関しても表せるというものである。この部分にもっと着目することで、「いくつ分」と「1 とみる」の混同を避けることができたのではないかと思われる。しかし、この考え方はこの時間だけで完結するものではないため、同様の考えが出てくるたびに確認し、定着を図っていきたい。